

Zeitschrift: Archives des sciences [1948-1980]
Herausgeber: Société de Physique et d'Histoire Naturelle de Genève
Band: 10 (1957)
Heft: 6: Colloque Ampère

Artikel: Approximation simple d'une courbe de relaxation diélectrique
Autor: Bruin, F.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-738727>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

Download PDF: 30.03.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Approximation simple d'une courbe de relaxation diélectrique

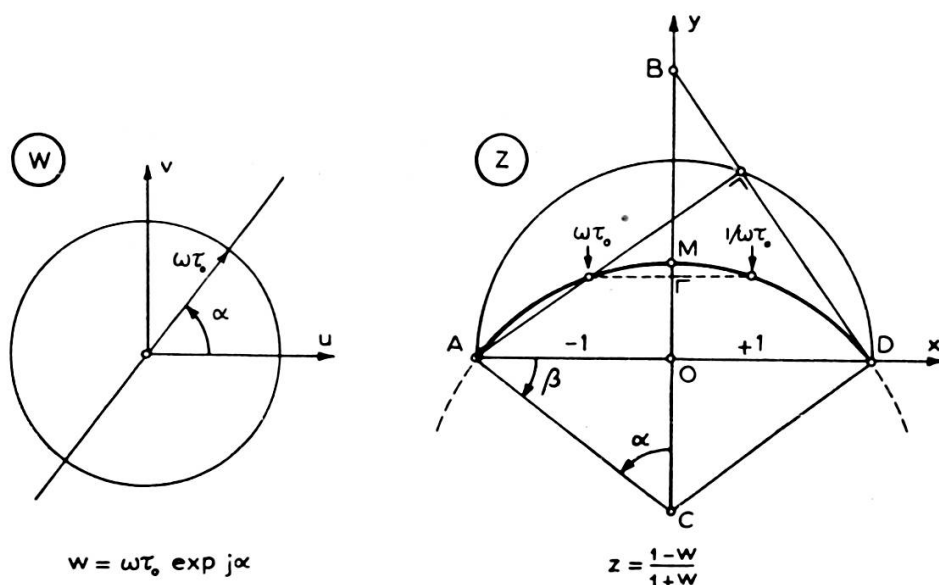
par F. BRUIN

Laboratoire de Physique, Université d'Amsterdam, Hollande

En admettant pour un milieu homogène une relation linéaire entre l'onde incidente et l'onde reçue, il est bien connu qu'on peut exprimer leur relation par une quantité $z(\omega)$ qui est une fonction complexe de la fréquence. Cette fonction doit montrer une symétrie par rapport à un des axes du plan complexe, soit pour la permittivité, l'axe réel ($z^*(-\omega) = z(\omega)$). Quand une description théorique ne possède pas cette symétrie, elle ne peut qu'être une approximation: L'asymétrie indique que la théorie sera non linéaire et pour un tel milieu il n'y a pas de définition exacte de la permittivité. Ici nous donnons une approximation non symétrique pour la permittivité diélectrique complexe en fonction de la fréquence.

En dérivant le cercle de Debye, on suppose que l'amortissement du déplacement r sera proportionnel à une vitesse $\dot{r}$. Nous démontrons que la solution périodique est intéressante aussi quand il existe une différence de phase entre $\dot{r}$ et l'amortissement, de telle sorte que dans l'équation différentielle $E = Cr + R\dot{r}$, la constante d'amortissement R , et par conséquent le temps de relaxation $\tau = 1/RC$, soit complexe. Nous posons $\tau = \tau_0 \exp j\beta$, de sorte que $j\omega\tau = \omega\tau_0 \exp j(\beta + \pi/2) = \omega\tau_0 \exp j\alpha$.

Quand $\omega\tau_0$ est variable et β constant, dans le plan ω la fonction $\omega = j\omega\tau$ est une droite qui passe par l'origine. Par la relation bilinéaire $z = (1 - \omega)/(1 + \omega)$, cette droite dans le plan ω est transformée en un cercle dans le plan z , qui passe par les points D ($z = +1$) et A ($z = -1$) et qui a son centre C à une distance $\tan \beta$ au-dessous de l'origine O. L'axe imaginaire ν (pour lequel $\alpha = \pi/2$) se transforme en donnant le demi-cercle ordinaire de Debye. Sur l'arc AMD dans le plan z , il est aisé de déterminer graphiquement la valeur de $\omega\tau_0$, car $\omega\tau_0 = AC/(OB - OC)$. Pour $z = OD = 1$, on a $\omega\tau_0 = 0$, pour $z = OA = -1$, $\omega\tau_0 = \infty$ et pour



$Jm z = \text{maximum}$, ou $z = OM = j \tan \alpha/2$, $\omega\tau_0 = 1$. En déplaçant l'origine à gauche, on obtient pour la permittivité $\hat{\epsilon}$ la relation générale

$$\hat{\epsilon} = \epsilon_{\infty} + (\epsilon_s - \epsilon_{\infty}) \frac{1 - j\omega\tau_0 \exp j\beta}{1 + j\omega\tau_0 \exp j\beta}.$$

Déjà Cole et Cole ont remarqué ¹ qu'on peut souvent donner une expression approximative de la permittivité complexe observée par un arc de cercle. On trouve leur cercles phénoménologiques en posant dans l'expression bilinéaire ci-dessus $w = (j\omega\tau_0)^k = (\omega\tau_0)^k \exp jk\pi/2$, de sorte que l'angle de Cole α est égal à $jk\pi/2$. Il semble que l'interprétation physique de leur relation n'a pas encore été donnée.

¹ COLE, R. H. et K. S. COLE, *J. Chem. Phys.*, 9 (1941), 341.