

<b>Zeitschrift:</b>	L'Enseignement Mathématique
<b>Herausgeber:</b>	Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
<b>Band:</b>	32 (1986)
<b>Heft:</b>	1-2: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE
 <b>Artikel:</b>	UN RÉSULTAT DE TARSKI SUR LES ACTIONS MOYENNABLES DE GROUPES ET LES PARTITIONS PARADOXALES
<b>Autor:</b>	de la Harpe, Pierre / Skandalis, Georges
<b>Bibliographie</b>	
<b>DOI:</b>	<a href="https://doi.org/10.5169/seals-55082">https://doi.org/10.5169/seals-55082</a>

#### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Siehe Rechtliche Hinweise.

#### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. Voir Informations légales.

#### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. See Legal notice.

**Download PDF:** 13.03.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

Considérons plus particulièrement un groupe  $G$ , agissant sur lui-même par multiplication à gauche. La question suivante apparaît implicitement dans [vN] et explicitement dans [K2]: l'existence d'un sous-groupe de  $G$  isomorphe à  $\mathbf{F}_2$  est-elle équivalente à l'existence d'une décomposition paradoxale du  $G$ -espace  $G$  (i.e. à la non moyennabilité de  $G$ )?

La réponse semble être non: il existe des groupes paradoxaux (i.e. non moyennables) sans sous-groupe libre. C'est par exemple le cas des groupes de Burnside  $B(2, p)$  pour  $p$  impair et  $p$  assez grand, où  $B(2, p)$  est le quotient du groupe libre  $\mathbf{F}_2$  par les relations  $(w^p = 1)_{w \in \mathbf{F}_2}$ : voir [O] et [Ad].

## RÉFÉRENCES

- [Ad] ADYAN, S. I. Random walks on free periodic groups. *Math. USSR Izvestiya* 21 (3) (1983), 425-434.
- [Ak] AKEMANN, C. A. Operator algebras associated with Fuchsian groups. *Houston J. Math.* 7 (1981), 295-301.
- [BT] BANACH, S. et A. TARSKI. Sur la décomposition des ensembles de points en parties respectivement congruentes. *Fund. Math.* 6 (1924), 244-277.
- [BH] BÉDOS, E. et P. DE LA HARPE. Moyennabilité intérieure des groupes. *L'Enseignement Math.* 32 (1986), 139-157.
- [C] CONNES, A. Non commutative differential geometry. Chapter I. The Chern character in  $K$ -homology. *Publications Math. IHES* N° 62 (1985), 41-144.
- [DS] DELIGNE, P. and D. SULLIVAN. Division algebras and the Hausdorff-Banach-Tarski Paradox. *L'Enseignement Math.* 29 (1983), 145-150.
- [DE] DUBINS, L. E. et M. EMERY. Le paradoxe de Hausdorff-Banach-Tarski. *Gazette des Mathématiciens* 12 (1979), 71-76.
- [GU] GOSCINNY et UDERZO. *Astérix chez les Bretons*. Dargaud 1966.
- [Hf] HAUSDORFF, F. *Grundzüge der Mengenlehre*. Veit 1914.
- [He] DE LA HARPE, P. Free groups in linear groups. *L'Enseignement Math.* 29 (1983), 129-144.
- [HS] HEWITT, E. and K. STROMBERG. *Real and abstract analysis*. Springer 1965.
- [Ke] KESTEN, H. Symmetric random walks on groups. *Trans. Amer. Math. Soc.* 22 (1959), 336-354.
- [K] KURATOWSKI, C. Une propriété des correspondances biunivoques. *Fund. Math.* 6 (1924), 240-243.
- [Kö] KÖNIG, D. Sur les correspondances multivoques des ensembles. *Fund. Math.* 8 (1926), 114-134.

- [O] OL'SHANSKII, A. Yu. On the problem of the existence of an invariant mean on a group. *Russian Math. Surveys* 35 (4) (1980), 180-181.
- [R1] ROSENBLATT, J. M. A generalization of Følner's condition. *Math. Scand.* 33 (1973), 153-170.
- [R2] —— Invariant measures and growth conditions. *Trans. Amer. Math. Soc.* 193 (1974), 33-53.
- [Sh] SHERMAN, J. A new characterization of amenable groups. *Trans. Amer. Math. Soc.* 254 (1979), 365-389.
- [T] TARSKI, A. *Cardinal algebras*. Oxford Univ. Press 1949.
- [U] ULAM, S. Remark on the generalised Bernstein's theorem. *Fund. Math.* 13 (1929), 281-283.
- [vN] VON NEUMANN, J. Zur allgemeinen Theorie des Masses. *Fund. Math.* 13 (1929), 73-116.

(Reçu le 22 janvier 1985)

Pierre de la Harpe

Université de Genève  
Section de Mathématiques  
C.P. 240  
CH - 1211 Genève 24

Georges Skandalis

Université P. et M. Curie  
Laboratoire de mathématiques fondamentales  
4, place Jussieu  
F - 75230 Paris Cedex 05