

Zeitschrift: Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik =
Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières

Band: 43 (1945)

Heft: 8

Artikel: Méthode de la connexion des images et théorie des erreurs de
l'orientation relative [suite]

Autor: Bachmann, W.K.

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-202949>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. [Siehe Rechtliche Hinweise.](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. [Voir Informations légales.](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. [See Legal notice.](#)

Download PDF: 22.11.2024

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

SCHWEIZERISCHE
Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik

ORGAN DES SCHWEIZ. GEOMETERVEREINS

Offiz. Organ der Schweiz. Gesellschaft für Kulturtechnik / Offiz. Organ der Schweiz. Gesellschaft für Photogrammetrie

Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières

ORGANE DE LA SOCIÉTÉ SUISSE DES GÉOMÈTRES

Organe officiel de l'Association Suisse du Génie rural / Organe officiel de la Société Suisse de Photogrammétrie

Redaktion: Dr. h. c. C. F. BAESCHLIN, Professor, Zollikon (Zürich)

Ständ. Mitarbeiter für Kulturtechnik: E. RAMSER, Prof. für Kulturtechnik an der ETH.,
Freie Straße 72, Zürich

Redaktionsschluß: Am 1. jeden Monats

Expedition, Inseraten- und Abonnements-Annahme

BUCHDRUCKEREI WINTERTHUR AG., WINTERTHUR

<p style="text-align: center;">No. 8 • XLIII. Jahrgang der „Schweizerischen Geometer-Zeitung“ Erscheinend am zweiten Dienstag jeden Monats 14. August 1945 Inserate: 25 Cts. per einspalt. Millimeter-Zeile. Bei Wiederholungen Rabatt gemäß spez. Tarif</p>	<p style="text-align: center;">Abonnements: Schweiz Fr. 14. —, Ausland Fr. 18. — jährlich Für Mitglieder der Schweiz. Gesellschaften für Kulturtechnik u. Photogrammetrie Fr. 9. — jährl. Unentgeltlich für Mitglieder des Schweiz. Geometervereins</p>
--	--

Méthode de la connexion des images et théorie des erreurs de l'orientation relative

par *Dr W. K. Bachmann*

(Suite)

6. *Calcul des coefficients de poids des variables d'orientation.*

Après ces développements préliminaires, qui sont longs mais indispensables si l'on ne veut pas risquer de commettre des fautes par la suite, nous abordons un problème nouveau.

Lors de l'établissement de la théorie des erreurs de l'orientation relative, les théoriciens ont rencontré de grosses difficultés jusqu'au jour où il a été reconnu qu'il s'agissait d'un problème «*d'observation de variables secondaires.*» On constate en effet que les parallaxes verticales, qui sont observées lors de l'établissement de l'orientation relative, jouent le rôle de «variables secondaires» puisqu'on ne peut agir sur elles que par l'intermédiaire des variables d'orientation. En se basant sur la publication [2], la théorie des erreurs de l'orientation relative s'établit aisément comme nous l'avons montré dans [3].

Au premier abord, le fait de ne pouvoir appliquer à ce problème les procédés habituels de la méthode des moindres carrés nous surprend. Des recherches nous ont cependant montré que l'application de la dite méthode ne rencontre aucune difficulté *si l'on a constamment recours aux observations indépendantes tout en tenant compte des opérations effectuées lors de l'orientation relative.* Dans ce qui suit, nous allons appliquer cette nouvelle méthode aux procédés d'orientation indiqués par (5.3) et (5.4).

Soit $p = 1$ le poids de l'observation d'une parallaxe verticale dans le plan objet. *Par hypothèse, ce poids sera le même pour tous les points du modèle.*

Si deux opérations nécessitent deux mesures distinctes d'une même parallaxe, nous avons affaire à deux observations indépendantes que nous distinguerons dans les formules par des indices; par exemple pv_4 et pv_4' .

Pour la détermination des coefficients de poids, nous utiliserons la méthode symbolique; voir [2] et [4].

Les procédés d'orientation ayant déjà été indiqués par (5.3) et (5.4), nous supprimons dans la mesure du possible les indices A et B aux variables d'orientation afin d'alléger les formules.

a) *Orientation relative de vues verticales par le déplacement d'une seule chambre.* (voir formules 5.1 et 5.3.)

Opérations 1,2

Nous avons

$$\begin{cases} Q_{pv_4} = -Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega} + \frac{a}{h} Q_{bz} \\ Q_{pv_6} = -Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega} - \frac{a}{h} Q_{bz} \end{cases}$$

d'où nous tirons, en éliminant $-Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega}$,

$$(6.10) \quad 2 \frac{a}{h} Q_{bz} = Q_{pv_4} - Q_{pv_6}$$

$$4 \frac{a^2}{h^2} Q_{bzbz} = 2$$

$$(6.11) \quad \underline{\underline{Q_{bzbz} = \frac{1}{2} \frac{h^2}{a^2}}}$$

Opérations 3,4

$$\begin{cases} Q_{pv_3} = -bQ_{\kappa} - Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega} - \frac{ab}{h} Q_{\varphi} + \frac{a}{h} Q_{bz} \\ Q_{pv_5} = -bQ_{\kappa} - Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega} + \frac{ab}{h} Q_{\varphi} - \frac{a}{h} Q_{bz} \end{cases}$$

d'où nous tirons, en éliminant $-bQ_{\kappa} - Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega}$,

$$(6.12) \quad 2 \frac{ab}{h} Q_{\varphi} - 2 \frac{a}{h} Q_{bz} = Q_{pv_5} - Q_{pv_3}$$

Nous avons en outre

$$(6.10) \quad + 2 \frac{a}{h} Q_{bz} = Q_{pv_4} - Q_{pv_6}$$

En multipliant ces deux équations membre à membre, nous trouvons

$$4 \frac{a^2 b}{h^2} Q_{\varphi bz} - 4 \frac{a^2}{h^2} Q_{bzbz} = 0$$

$$bQ_{\varphi bz} - Q_{bzbz} = 0$$

et en tenant compte de (6.11)

$$(6.13) \quad \underline{\underline{Q_{\varphi bz} = \frac{1}{2} \frac{h^2}{a^2 b}}}$$

Formons maintenant la somme des équations (6.10) et (6.12)

$$2 \frac{ab}{h} Q_{\varphi} = Q_{pv_5} - Q_{pv_3} + Q_{pv_4} - Q_{pv_6}$$

d'où il résulte

$$4 \frac{a^2 b^2}{h^2} Q_{\varphi\varphi} = 4$$

$$(6.14) \quad \underline{\underline{Q_{\varphi\varphi} = \frac{h^2}{a^2 b^2}}}$$

Opérations 5, 6, 7, 8.

$$\begin{cases} Q_{pv_4} = -Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega} + \frac{a}{h} Q_{bz} \\ Q_{pv_6} = -Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega} - \frac{a}{h} Q_{bz} \end{cases}$$

Nous éliminons Q_{bz}

$$(6.15) \quad \frac{Q_{pv_4} + Q_{pv_6}}{2} = -Q_{by} + h \left(1 + \frac{a^2}{h^2}\right) Q_{\omega}$$

et ajoutons l'équation

$$(6.16) \quad Q_{pv_2} = -Q_{by} + hQ_{\omega},$$

qui tient compte de l'opération 7. L'élimination de Q_{by} entre (6.15) et (6.16) nous donne

$$(6.17) \quad \frac{a^2}{h} Q_{\omega} = \frac{Q_{pv_4} + Q_{pv_6}}{2} - Q_{pv_2}$$

d'où il résulte

$$\frac{a^4}{h^2} Q_{\omega\omega} = \frac{1}{2} + 1 = \frac{3}{2}$$

$$(6.18) \quad \underline{\underline{Q_{\omega\omega} = \frac{3}{2} \frac{h^2}{a^4}}}$$

(A suivre)